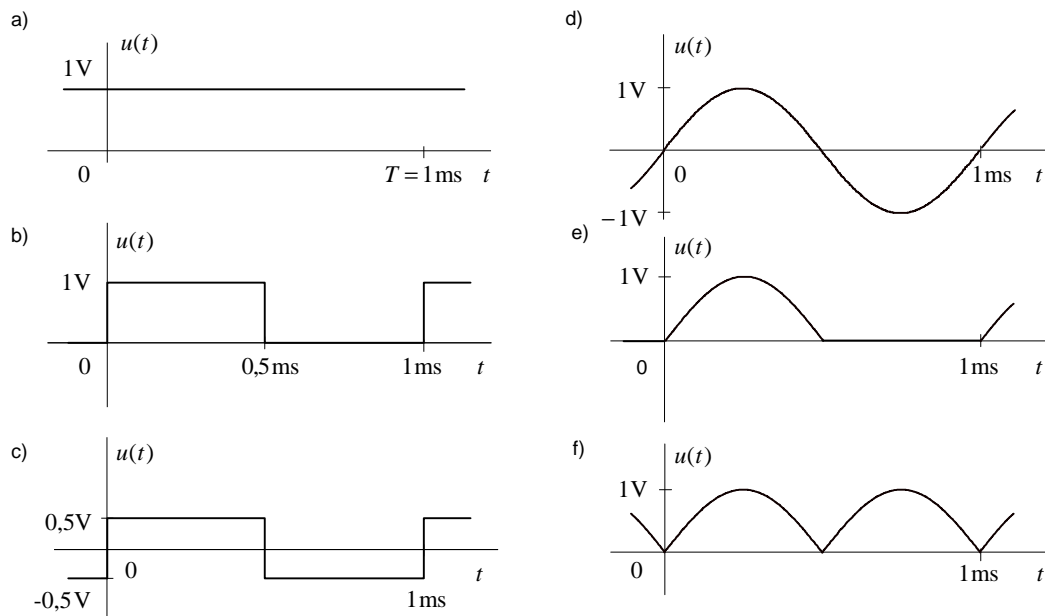


## ŘEŠENÉ PŘÍKLADY

**1.1.** Určete střední a efektivní hodnotu signálů na obr.1.2, jejich výkon a energii za čas  $T = 1\text{ms}$ .



**Obr.1.2.** Analyzované signály.

**Řešení:**

Střední hodnota: 
$$U_{stř} = \frac{1}{T} \int_T u(t) dt.$$

Efektivní hodnota: 
$$U_{ef} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_T u^2(t) dt}.$$

a)  $U_{stř} = 1\text{V} = U_{ef}$  ;

b)  $U_{stř} = 0,5\text{V}$  ,  $U_{ef} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^{T/2} 1^2 dt} = \frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0,707\text{V}$  ;

c)  $U_{stř} = 0\text{V}$  ,  $U_{ef} = 0,5\text{V}$  ;

d)  $U_{stř} = 0\text{V}$  ,  $U_{ef} = \frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0,707\text{V}$  ;

e)  $U_{stř} = \frac{1}{T} \int_0^{T/2} \sin(Wt) dt = \frac{1}{p} \approx 0,318\text{V}$  ,  $U_{ef} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^{T/2} \sin^2(Wt) dt} = \sqrt{\frac{1}{T} \frac{T}{4}} = 0,5\text{V}$  ;

f)  $U_{stř} = 2 \cdot U_{stř(e)} = \frac{2}{p} \approx 0,637\text{V}$  ,  $U_{ef} = U_{ef(d)} = \frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0,707\text{V}$  .

Výkon signálu na normované zátěži  $1\Omega$  je roven efektivní hodnotě na druhou.  
Energie za čas  $T = \text{výkon} \cdot T$ .

a)  $P = 1\text{W}$  ,  $W = 1\text{mWs} = 1\text{mJ}$  ;

b)  $P = 0,5\text{W}$  ,  $W = 0,5\text{mJ}$  ;

c)  $P = 0,25\text{W}$  ,  $W = 0,25\text{mJ}$  ;

- d) viz b);
- e)  $P = 0,25\text{W}$ ,  $W = 0,25\text{mJ}$ ;
- f) viz b) a d).

**& Poznátky z příkladu:**

- a) Signály různých tvarů mohou mít stejné střední nebo efektivní hodnoty (viz efektivní hodnoty signálů c), e) nebo b), d), f)).
- b) Efektivní hodnota signálu je vždy o něco větší než jeho střední hodnota; výjimku tvoří stejnosměrný signál, u něhož jsou obě veličiny stejné.
- c) Střední ani efektivní hodnota periodického signálu nezávisí na časovém posunutí signálu (t.j. nezávisí na volbě počátku času) a dokonce ani na opakovací periodě (t.j. nezávisí na časové expanzi a kompresi) a směru toku času (t.j. nezávisí na časové inverzi).
- d) Efektivní hodnota signálu nezávisí na znaménku signálu.
- e) Střední hodnota součtu dvou periodických signálů se stejnou opakovací periodou je rovna součtu jejich středních hodnot.
- f) Výkon součtu dvou periodických signálů se stejnou opakovací periodou za tuto periodu (t.j. kvadrát efektivní hodnoty) je větší než součet výkonů (t.j. kvadrátů efektivních hodnot) obou signálů. K rovnosti dochází pouze u ortogonálních signálů, t.j. u signálů s nulovým vzájemným výkonem. Nejjednodušší ortogonální signály jsou ty, které se vzájemně nepřekrývají v rámci opakovací periody.

Například dvoucestně usměrněný harmonický signál f) je složen ze dvou nepřekrývajících se jednocestně usměrněných signálů typu e) o efektivní hodnotě 0,5V. Proto efektivní hodnota signálu f) bude

$$U_{ef} = \sqrt{0,5^2 + 0,5^2} \approx 0,707\text{V}.$$

**r 1.2.** Určete počáteční fáze signálů na obr.1.3. Opakovací perioda  $T_1 = 1\text{ms}$ .

**p Řešení:**

Je připsáno k obrázkům.

**& Poznátky z příkladu:**

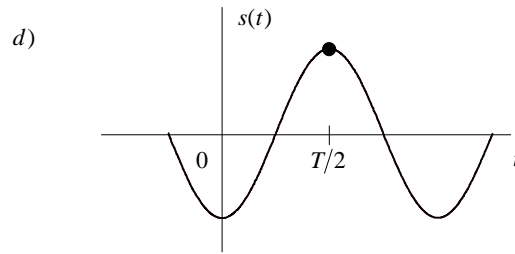
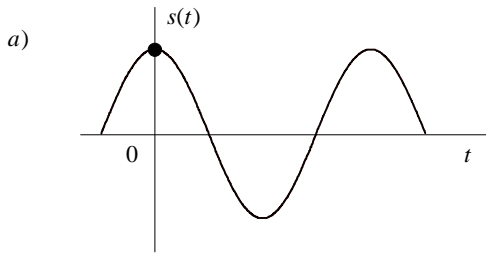
- a) Je-li počáteční fáze nulová, harmonický signál je signálem kosinovým. Extrém kosinusovky si označíme tečkou. Při následné změně počáteční fáze se tento znak bude posouvat doprava nebo doleva.
- b) Při kladné, resp. záporné počáteční fázi se kosinusovka přesouvá doleva, resp. doprava po časové ose.
- c) Fázové posuvy  $+180^\circ$  a  $-180^\circ$  jsou ekvivalentní, znaménko u počáteční fáze  $180^\circ$  tedy nehraje roli. Posuv o  $180^\circ$  znamená změnu znaménka (inverzi) harmonického signálu. Amplitudu  $C$  v (1.14) je vhodné definovat jako nezáporné číslo, aby nedocházelo k nejednoznačnosti při určování počáteční fáze. Např. signál  $s(t) = -5 \cos(W t - 45^\circ)$  má amplitudu  $+5\text{V}$  (nezáporné číslo) a počáteční fázi  $-225^\circ$  (nebo také  $+135^\circ$ ), neboť  $-5\cos(W t - 45^\circ) = 5 \cos(W t - 45^\circ \pm 180^\circ) = 5 \cos(W t - 225^\circ) = 5 \cos(W t + 135^\circ)$ .
- d) Dohodnutým základním tvarem pro matematický popis harmonického signálu je tvar kosinový (1.14). Proto je-li signál popsán funkcí sinus, je třeba ji za účelem zjištění počáteční fáze převést na funkci typu kosinus podle vztahu

$$\sin(a) = \cos(a - 90^\circ) \tag{1.40}$$

Například signál  $u(t) = -5\sin(\omega t - 45^\circ)$  má amplitudu  $+5V$  a počáteční fázi  $+45^\circ$ , nebo  $\sin(\omega t - 45^\circ) = -5 \cos(\omega t - 45^\circ - 90^\circ) = 5 \cos(\omega t - 45^\circ - 90^\circ \pm 180^\circ) = 5 \cos(\omega t + 45^\circ)$ .

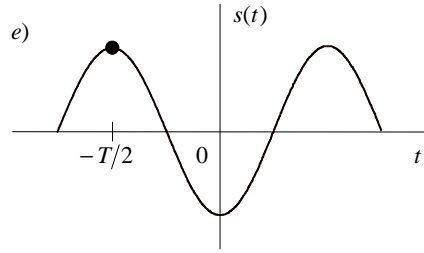
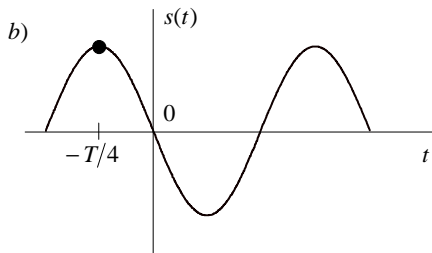
$$s(t) = C \cos(\omega t) \quad j = 0$$

$$s(t) = C \cos(\omega t - 180^\circ) = -C \cos(\omega t) \quad j = -180^\circ$$

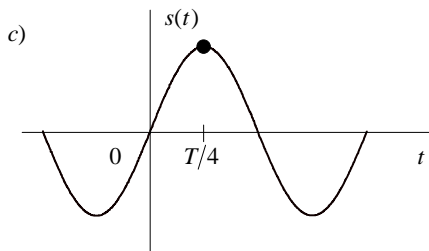


$$s(t) = C \cos(\omega t + 90^\circ) = -C \sin(\omega t) \quad j = 90^\circ$$

$$s(t) = C \cos(\omega t + 180^\circ) = -C \cos(\omega t) \quad j = 180^\circ$$



$$s(t) = C \cos(\omega t - 90^\circ) = C \sin(\omega t) \quad j = -90^\circ$$



**Obr.1.3.** Harmonické signály s různými počátečními fázemi.

**r 1.3.** Vypočítejte fázový a časový posuv mezi signály a) a b) z obr.1.3.

**p Řešení:**

Počáteční fáze signálu a):  $j_a = 0^\circ$

Počáteční fáze signálu b):  $j_b = +90^\circ$

Fázové posuvy:  $j_{ab} = j_a - j_b = -90^\circ = -\pi/2$  rad...

$$j_{ba} = j_b - j_a = +90^\circ = +\pi/2$$
 rad...

Časové posuvy:  $t_{ab} = j_{ab}/\omega_1 = -T_1/4 = -250\mu\text{s}$ ...

$$t_{ba} = j_{ba}/\omega_1 = +T_1/4 = +250\mu\text{s}$$
...

signál a) je zpožděn za signálem b) o  $90^\circ$

signál b) předbíhá před signálem a) o  $90^\circ$

signál a) je zpožděn za signálem b) o  $250\mu\text{s}$

signál b) předbíhá před signálem a) o  $250\mu\text{s}$

**& Poznátky z příkladu:**

a) Je-li harmonický signál o kmitočtu  $\omega$  posunut o časový úsek  $t_s$ , odpovídá to úhlovému posunutí

$$Dj = \omega t_s. \quad (1.41)$$

Posunou-li se dva harmonické signály různých kmitočtů o stejný časový úsek, posunou se o různé úhly: signál o vyšším kmitočtu bude posunut o větší fázový posuv.

b) **Fázový posuv** dvou harmonických signálů  $s_1(t)$  a  $s_2(t)$  o stejných kmitočtech a počátečních fázích  $j_1$  a  $j_2$  je

$$j_{12} = j_1 - j_2 \quad (1.42)$$

Je-li  $j_{12} > 0$ , resp.  $j_{12} < 0$ , říkáme, že signál  $s_1(t)$  předbíhá, resp. je zpožděn za signálem  $s_2(t)$ .

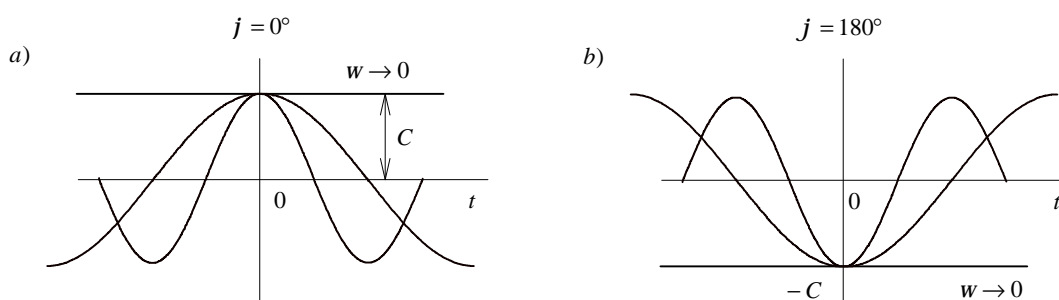
**r 1.4.** Vyjádřete stejnosměrné signály a)  $u(t) = +5V$ , b)  $u(t) = -5V$  jako zvláštní případy harmonických signálů. Určete jejich amplitudy, kmitočty a počáteční fáze.

**p Řešení:**

(Viz také obr.1.4)

a)  $u(t) = 5V = 5\cos(0 \cdot t + 0^\circ)[V] \Rightarrow$  amplituda = 5V, kmitočet 0 rad/s, fáze  $0^\circ$ .

b)  $u(t) = -5V = 5\cos(0 \cdot t + 180^\circ)[V] \Rightarrow$  amplituda = 5V, kmitočet 0 rad/s, fáze  $180^\circ$ .

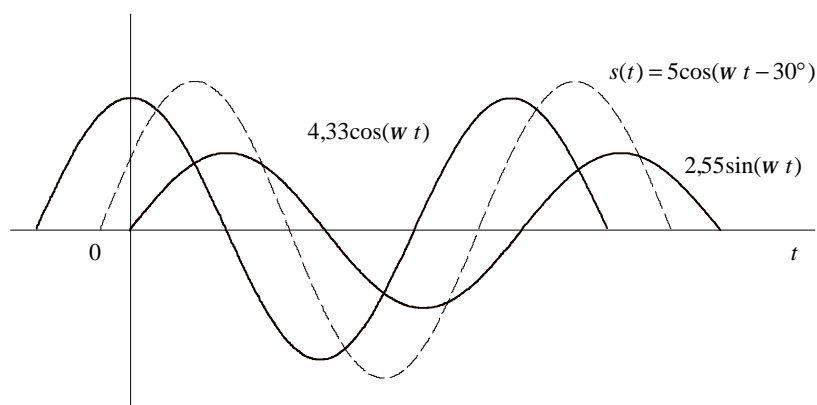


**Obr.1.4.** Stejnosměrný signál jako zvláštní případ harmonického signálu pro nulový kmitočet.

**& Poznatek z příkladu:**

Stejnosměrný signál  $C > 0$  ( $C < 0$ ) je zvláštním případem harmonického signálu o amplitudě  $|C|$ , počáteční fázi  $j = 0$  ( $j = 180^\circ$ ) a kmitočtu  $W_1 = 0$  rad/s.

**r 1.5.** Rozložte signál  $u(t) = 5\cos(\omega t - 30^\circ)[V]$  na sinovou a kosinovou složku.



**Obr.1.5.** Rozklad harmonického signálu na sinovou a kosinovou složku.

**p Řešení:**

Použití rozkladového vzorce

$$\cos(a + b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$$

nebo přepočtových vztahů (1.15):

$$u(t) = 5 \cos(\omega t - 30^\circ) \approx 4,33 \cos \omega t + 2,55 \sin \omega t \text{ [V]}.$$

**& Poznatek z příkladu:**

Harmonický signál o kmitočtu  $\omega$  a obecné počáteční fázi  $j$  se skládá ze sinového a kosinového signálu o stejných kmitočtech  $\omega$ .

**r 1.6.** Určete amplitudu a počáteční fázi harmonického signálu, znáte-li jeho sinovou a kosinovou složku:

$$u(t) = 2 \sin \omega t - 5 \cos \omega t \text{ [V]}.$$

**p Řešení:**

Použití přepočtových vztahů (1.15):

$$A \cos \omega t + B \sin \omega t = C \cos(\omega t + j); A = -5 \text{ V}, B = 2 \text{ V}, C = ? \text{ j} = ?$$

$$C = \sqrt{A^2 + B^2} = \sqrt{29} \approx 5,385 \text{ V},$$

$$j = \arctg \frac{(-B)}{A} + p = \arctg \frac{(-2)}{(-5)} + p \approx 3,522 \text{ rad} \approx 201,8^\circ.$$

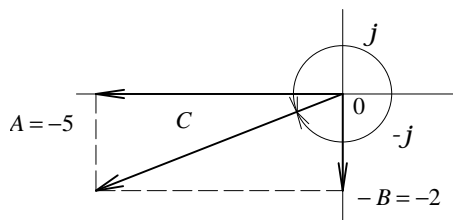
**& Poznatek z příkladu:**

Součtem harmonických signálů o stejných kmitočtech je opět harmonický signál o tomtéž kmitočtu.

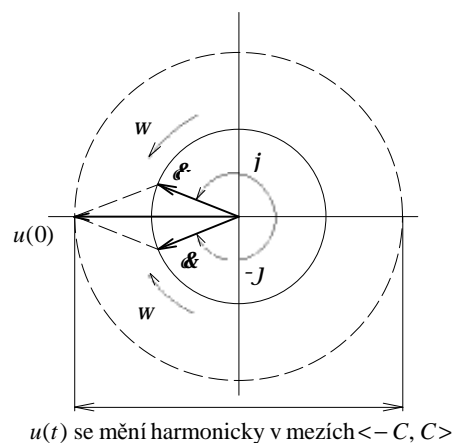
**r 1.7.** Vyjádřete signál z př.1.6 dvojicí proti sobě rotujících vektorů.

**p Řešení:**

$$u(t) = C \cos(\omega t + j) = \underbrace{\frac{C}{2} e^{j\omega t}}_{\text{&}} + \underbrace{\frac{C}{2} e^{-j\omega t}}_{\text{&}} \approx 2,693 e^{j201,8^\circ} e^{j\omega t} + 2,693 e^{-j201,8^\circ} e^{-j\omega t} \text{ [V]}.$$



**Obr.1.6.** Vektorové vyjádření harmonického signálu.



**Obr.1.7.** Vztah rotujících vektorů a okamžité hodnoty.

**r 1.8.** Vyřešte př.1.6 s využitím komplexních koeficientů  $\&$

**p Řešení:**

signál	koeficient $\&$
$2 \sin \omega t = 2 \cos(\omega t - 90^\circ)$ $\longrightarrow$	$\frac{2}{2} e^{-j90^\circ} = -j$
$5 \cos \omega t$ $\longrightarrow$	$\frac{5}{2} e^{j0^\circ} = 2,5$
$2 \sin \omega t - 5 \cos \omega t$ $\&$ $\& 2,2,693 \cos(\omega t + 201,8^\circ)$ $\& 5,385 \cos(\omega t + 201,8^\circ)$ [V]	$-j - 2,5$ $\& 2,693 e^{j201,8^\circ}$ $\longleftarrow$

**r 1.9.** Nakreslete spektrum amplitud a fází harmonického signálu z př.1.6

$$u(t) = 2 \sin \omega t - 5 \cos \omega t \& 5,385 \cos(\omega t + 201,8^\circ)$$
 [V].

**p Řešení:**

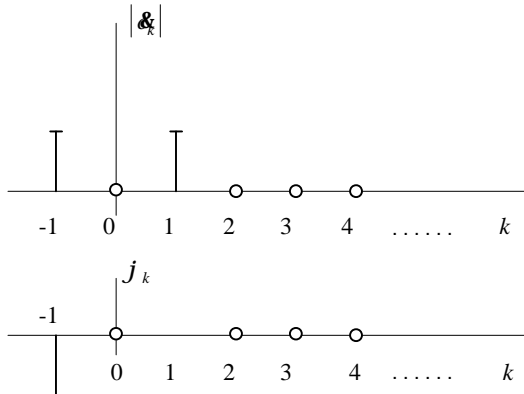
$$\& = 2,693 e^{j201,8^\circ} \text{ [V]} \Rightarrow |\&| = c_1 = 2,693 \text{ V}, j_1 = 201,8^\circ, \text{ ostatní koeficienty jsou nulové.}$$

Stojnosměrná složka je nulová:  $U_0 = 0 \text{ V}$ .

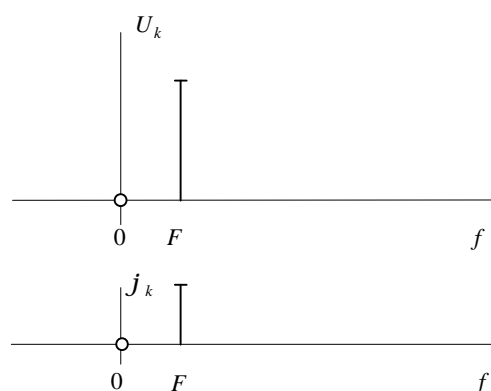
Amplituda 1.harmonické složky:  $U_1 = 2c_1 = 5,358 \text{ V}$ .

Fáze 1.harmonické složky:  $j_1 = \arg(\&) = 201,8^\circ$ .

Grafické znázornění koeficientů  
Fourierovy řady (toto není spektrum)



Spektrum amplitud a počátečních fází



**Obr.1.8.** Koeficienty Fourierovy řady a spektrum.

**p Poznátka z příkladu:**

a) Koeficienty Fourierovy řady  $\&$  jsou jen prostředkem k výpočtu harmonických složek signálu. Přepočít je jednoduchý:

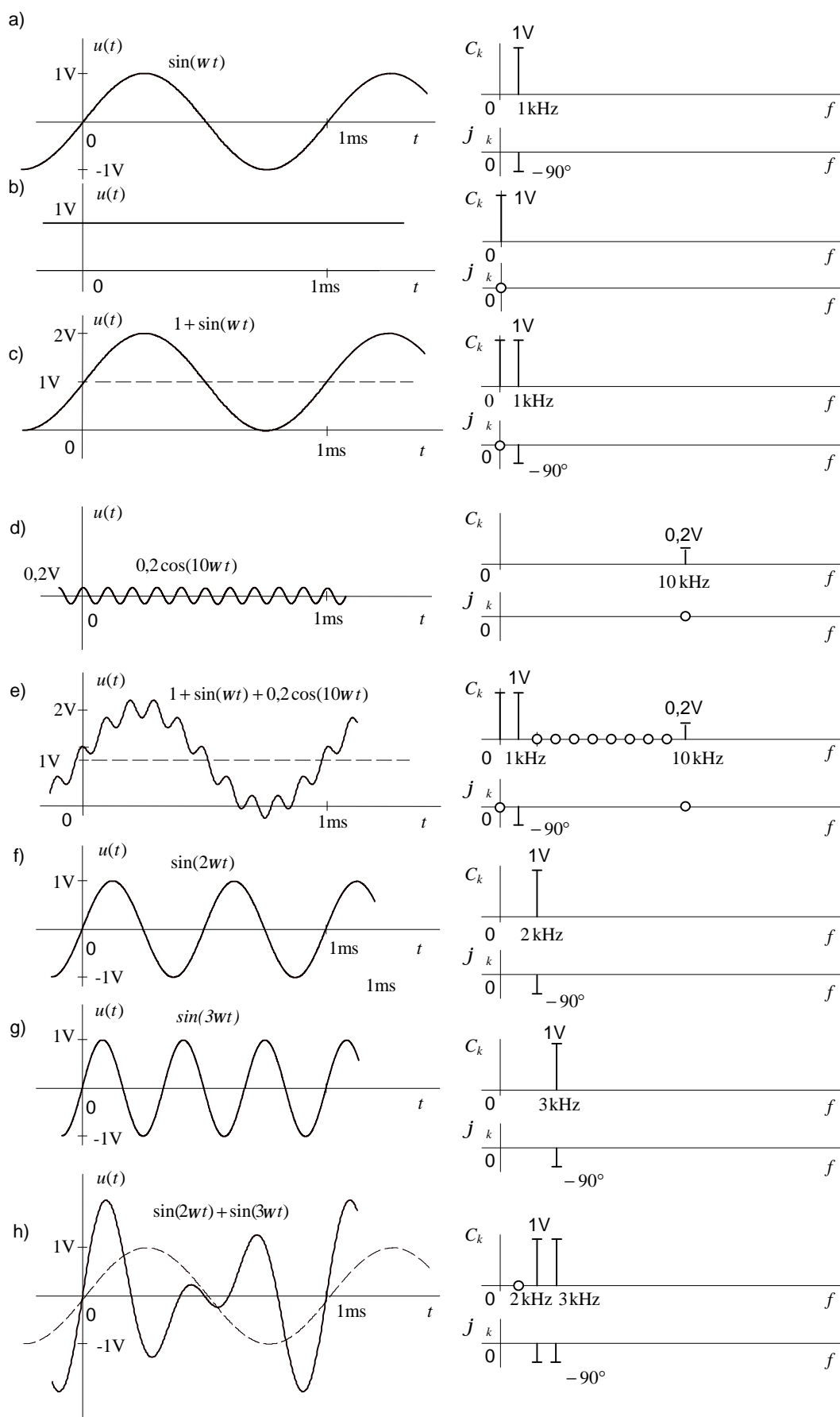
Stojnosměrná složka =  $|\&_0| = c_0$ ;

Amplituda k-té harmonické =  $2|\&_k| = 2c_k, k > 0$ ;

Počáteční fáze k-té harmonické =  $\arg(\&_k)$ .

Koeficienty  $\&$  jsou formálně definovány i pro  $k < 0$ . Pak platí

$$\&_{-k} = \&_k^*$$



Obr.1.9. Příklady periodických signálů a jejich spekter.

- b) Signál z příkladu se skládá z jediné harmonické složky (jedna dvojice čar), je to tedy jednoduchý harmonický signál.
- c) Kmitočet harmonického signálu je dán polohou spektrálních čar na kmitočtové ose. „Pomalejší“, resp. „rychlejší“ signály budou mít spektrální čáry umístěny blíže, resp. dále od počátku.
- d) Výška amplitudové spektrální čáry přímo udává velikost amplitudy signálu.
- e) Souřadnice  $j$  fázové spektrální čáry přímo udává velikost počáteční fáze signálu.

Spektrální reprezentace signálu je univerzální v tom, že ji lze rozšířit i na neharmonické signály. Skládá-li se signál z více harmonických složek, můžeme ze spektra zjistit jejich počet a informace o jejich parametrech.

**r 1.10.** Načrtněte spektra amplitud a fází signálů na obr.1.9.

**p Řešení:**

Viz obr.1.9.

**& Poznatek z příkladu:**

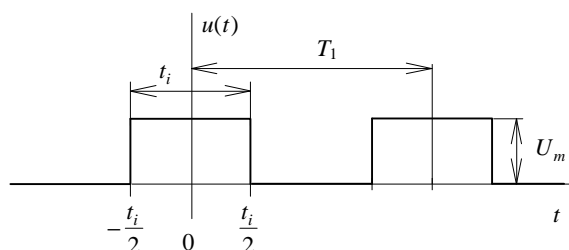
Skládá-li se periodický signál z harmonických složek na kmitočtech  $F_1$  a  $F_2$ , pak opakovací kmitočet signálu  $F$  musí vyhovovat rovnici

$$F_1 = k_1 F, F_2 = k_2 F, k_1 \text{ a } k_2 \text{ jsou přirozená čísla.}$$

Opakovací kmitočet se pak určí z dané rovnice pro nejmenší možná čísla  $k_1$  a  $k_2$ , která ještě rovnici vyhovují.

Pokud není možné nalézt číslo  $F$  pro žádnou kombinaci přirozených čísel  $k_1$  a  $k_2$ , není výsledný signál periodický (je kvaziperiodický).

**r 1.11.** Načrtněte amplitudové a fázové spektrum periodického sledu obdélníkových impulsů na obr.1.10.



**Obr.1.10.** Analyzovaný periodický signál.

**p Řešení:**

- a) Nalezení koeficientů Fourierovy řady.  
 b) Výpočet amplitud a fází harmonických složek.  
 c) Náčrt spektra.

ad a) Nalezení koeficientů Fourierovy řady

Signál je sudá funkce času  $\Rightarrow$  bude obsahovat pouze kosinové složky  $\Rightarrow B_k = 0 \forall k, A_k = C_k, \&_k = A_k / 2$ .



$$A_0 = C_0 = \frac{2}{T_1} \int_{T_1} u(t) dt = \frac{2}{T_1} \int_{-t_i/2}^{+t_i/2} U_{\max} dt = 2U_{\max} \frac{t_i}{T_1} \Rightarrow$$

$$\text{stejnosemřná složka } U_0 = \frac{A_0}{2} = U_{\max} \frac{t_i}{T_1}.$$

$k > 0$ :

$$A_k = \frac{2}{T_1} \int_{T_1} u(t) \cos kW_1 t dt = \frac{2}{T_1} \int_{-t_i/2}^{t_i/2} U_{\max} \cos kW_1 t dt = \frac{2U_{\max}}{kW_1 T_1} \sin\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right) = \frac{2U_{\max} t_i}{T_1} \frac{\sin\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right)}{\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right)}.$$

Obecně

$$A_k = C_k = \frac{2U_{\max} t_i}{T_1} \operatorname{sinc}\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right), \quad \&_k = \frac{U_{\max} t_i}{T_1} \operatorname{sinc}\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right), \quad k = 0, 1, 2, \dots,$$

kde

$$\operatorname{sinc}(x) = \begin{cases} \frac{\sin(x)}{x} & \text{pro } x \neq 0 \\ 1 & \text{pro } x = 0 \end{cases} \quad \text{je tzv. vzorkovací funkce.}$$

ad b) Výpočet amplitud a fází harmonických složek

$$\text{Stejnosemřná složka } U_0 = \frac{A_0}{2} = c_0 = U_{\max} \frac{t_i}{T_1}.$$

$$\text{Amplituda } k\text{-té harmonické } U_k = |A_k| = 2|\&_k| = \frac{2U_{\max} t_i}{T_1} \left| \operatorname{sinc}\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right) \right|.$$

$$\text{Fáze } k\text{-té harmonické } j_k = \begin{cases} 0 & \text{pro } \sin\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right) > 0, \\ p & \text{pro } \sin\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right) < 0, \\ \text{libovolná} & \text{pro } \sin\left(kW_1 \frac{t_i}{2}\right) = 0. \end{cases}$$

ad c) Náčrt spektra - viz obr.1.11.

### **& Poznátky z příkladu:**

a) Spektrální čáry obdélníkového signálu z příkladu pro obecný poměr  $T_1/t_i$  získáme takto:

#### Amplitudové spektrum

- Vypočteme  $1/t_i$  [Hz] a získáme kmitočet, kdy obálka spektrálních čar typu  $|\operatorname{sinc}(x)|$  poprvé projde nulou.
- Vypočteme  $2U_{\max} t_i/T_1$  [V] a získáme maximální souřadnici obálky pro kmitočet  $f = 0$ .
- Načrtneme obálku  $|\operatorname{sinc}(x)|$  spektrálních složek. Maximum 2. laloku je asi 21% maxima 1.laloku (viz obrázek amplitudového spektra).
- Na kmitočtovou osu vyneseme značky na kmitočtech  $F_1, 2F_1, 3F_1, \dots$ , kde  $F_1 = 1/T_1$  je kmitočet 1.harmonické složky.
- Značky protáhneme až k obálce (výjimka - stejnosemřná složka je jen do poloviny cesty k obálce) a získáme spektrální čáry amplitudového spektra.

#### Fázové spektrum

- Fáze je buď 0 nebo  $\pm p$  rad ( $\pm 180^\circ$ ) podle toho, jak se střídají laloky, v nichž se spektrální čáry nacházejí. Je-li některá z harmonických nulová, pak nemá smysl hovořit o fázi spektrální

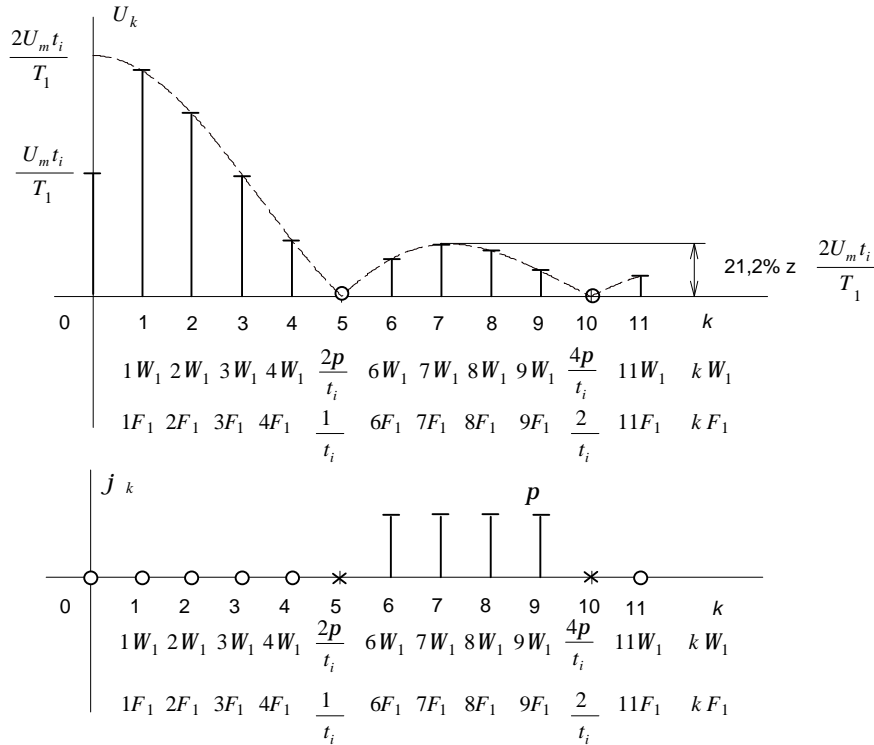
složky, která neexistuje. Proto ve fázovém spektru použijeme speciální znak, např.  $\times$ .

Uvedený postup náčrtu spektra musí být mírně modifikován, bude-li obdélníkový signál z příkladu posunut ze základní polohy v hodnotách nebo v čase.

b) Je-li poměr opakovací periody a šířky impulsu celé číslo, t.j.

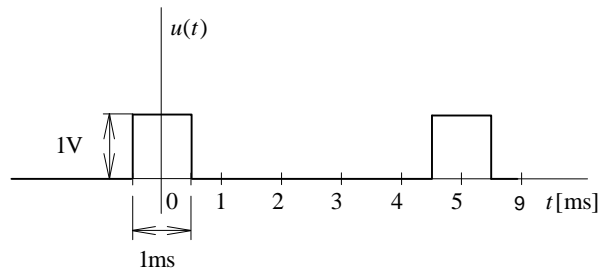
$$\frac{T_1}{t_i} = n,$$

pak ve spektru vymizí každá  $n$ -tá harmonická. Toho lze využít k přesnému nastavování šířky impulsu pomocí spektrálního analyzátoru.



Obr.1.11. Spektrum amplitud a počátečních fází obdélníkového signálu z obr.1.10 pro  $T_1/t_i = 5$ .

**r 1.12.** Vypočítejte amplitudy a počáteční fáze prvních 10 harmonických složek signálu na obr.1.12.



Obr.1.12. Analyzovaný periodický signál.

**p Řešení:**

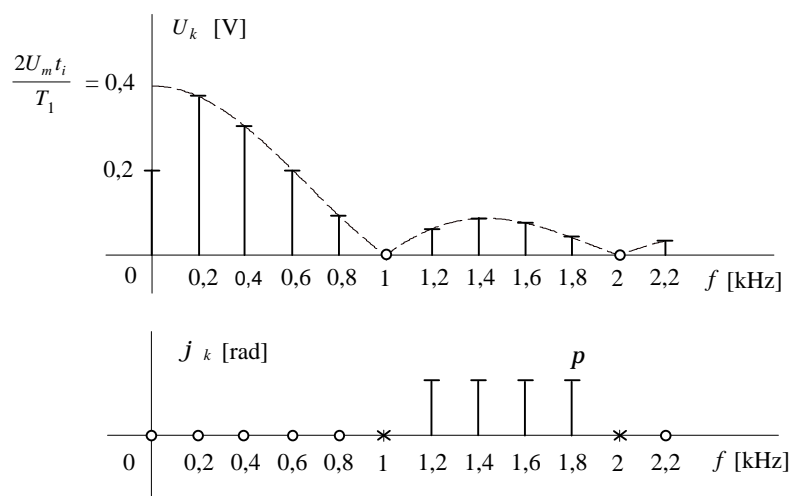
$$U_m = 1V, t_i = 1ms, T_1 = 5ms \Rightarrow F_1 = \frac{1}{T_1} = 200\text{ Hz}; W_1 = 2pF_1 = \frac{2p}{T_1};$$

$T_1/t_i = 5 \Rightarrow$  ve spektru vymizí 5.harmonická složka a její celočíselné násobky;  
stejnosečná složka:  $U_0 = U_m t_i / T_1 = 0,2V$ ;

$$\mathfrak{E}_k = \frac{U_m t_i}{T_1} \operatorname{sinc}\left(k W_1 \frac{t_i}{2}\right) = 0,2 \operatorname{sinc}\left(k \frac{2p}{T_1} \frac{t_i}{2}\right) = 0,2 \operatorname{sinc}(k 0,2p);$$

$$U_0 = C_0, \quad U_k = 2|\mathfrak{E}_k|, \quad k > 0.$$

$k$	$\mathfrak{E}_k$ [V]	$ \mathfrak{E}_k $ [V]	$\arg(\mathfrak{E}_k) = j_k$ [rad]	$U_k$ [V]
0	0,2	0,2	0	0,2
1	0,1871	0,1871	0	0,3742
2	0,1514	0,1514	0	0,3027
3	0,1009	0,1009	0	0,2018
4	0,0468	0,0468	0	0,0935
5	0	0	x	0
6	-0,03118	0,03118	$\pi$	0,06237
7	-0,04325	0,04325	$\pi$	0,04649
8	-0,03784	0,03784	$\pi$	0,07568
9	-0,02079	0,02079	$\pi$	0,04158
10	0	0	x	0
<b>M</b>	<b>M</b>	<b>M</b>	<b>M</b>	<b>M</b>



Obr.1.13. Spektrum signálu z obr.1.12.

**r 1.13.** Vypočítejte efektivní hodnotu signálu z př.1.12, soustředěnou v kmitočtovém pásmu  
a)  $0 \div 1\text{kHz}$ , b)  $1 \div 2\text{kHz}$ , c)  $0 \div 2\text{kHz}$ , d)  $0 \div \infty\text{Hz}$ .

**p Řešení:**

Použijeme Parsevalův teorém.

$$\text{a) } U_{ef,0+1} = \sqrt{U_0^2 + \frac{U_1^2 + U_2^2 + U_3^2 + U_4^2}{2}} \approx 0,4249 \text{ V},$$

$$\text{b) } U_{ef,1+2} = \sqrt{\frac{U_5^2 + U_6^2 + U_7^2 + U_8^2}{2}} \approx 0,09702 \text{ V} \approx 22,8\% \text{ z } U_{ef,0+1} \quad (21,8\% \text{ z } U_{ef}),$$

$$c) U_{ef,0+2} = \sqrt{U_0^2 + \sum_1^9 \frac{U_k^2}{2}} = \sqrt{U_{ef,0+1}^2 + U_{ef,1+2}^2} \approx 0,43586 \text{ V},$$

$$d) U_{ef} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_T u^2(t) dt} = \sqrt{\frac{1}{5 \cdot 10^{-3}} \int_{-0,5 \cdot 10^{-3}}^{0,5 \cdot 10^{-3}} 1^2 dt} = \sqrt{\frac{10^{-3}}{5 \cdot 10^{-3}}} \approx 0,4472 \text{ V},$$

Jinak  $U_{ef} = \sqrt{U_0^2 + \sum_1^{\infty} \frac{U_k^2}{2}}$ , neznáme další harmonické, proto

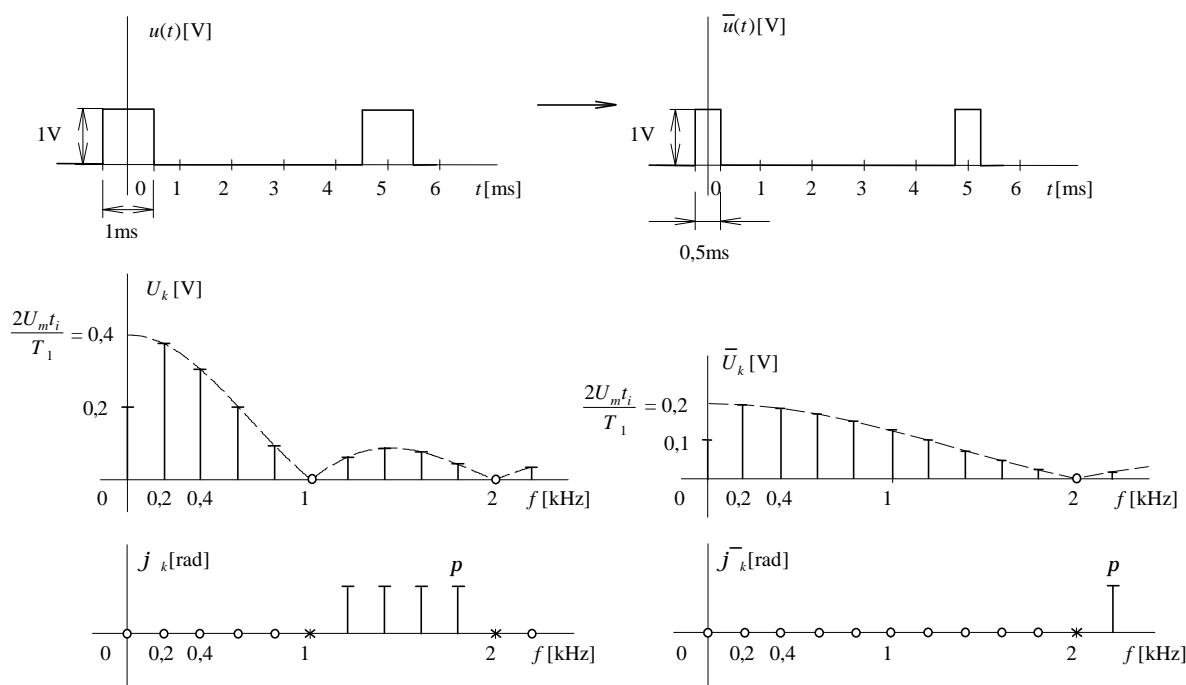
**& Poznátky z příkladu:**

V 1. laloku spektra, tj. do kmitočtu  $1/t_i$ , je soustředěno asi 95% výkonu celého signálu. Chceme-li sdělovací soustavou přenést obdélníkový signál bez podstatného zkreslení, musí být soustava schopna přenést na svůj výstup co nejvíce spektrálních složek bez útlumu, alespoň do kmitočtu  $1/t_i$ .

**r 1.14.** Co se stane se spektrem signálu z obr.1.12, zúží-li se šířka impulsu na 1/2?

**p Řešení:**

Viz obr.1.14



**Obr.1.14.** Vliv zúžení impulsů na spektrum.

**& Poznátky z příkladu:**

- Při zužování impulsů roste šířka 1.laloku  $1/t_i$ , spektrální čáry zanikají pozvolněji. Jsou menší než u širších impulsů, protože v užších impulsích je soustředěn menší výkon.
- Obvod přenášející úzké impulsy musí být schopen přenášet bez útlumu vyšší spektrální složky než při zpracování širších impulsů.
- Obecná zákonitost: krátké impulsy - široké spektrum.

Poznámka: v příkladu 1.19 provedeme upřesnění posledního tvrzení.